



## الأسئلة

انتبهوا: يجب تفسير جميع الخطوات، بما في ذلك الحسابات، بالتفصيل وبوضوح.  
عدم التفصيل قد يؤدي إلى خصم درجات أو إلى إلغاء الامتحان.

أجيبوا عن ثلاثة من الأسئلة 1-5، على الأقل سؤال واحد من كل فصل (لكل سؤال  $33\frac{1}{3}$  درجة).  
انتبهوا: إذا أجبتكم عن أكثر من ثلاثة أسئلة، تُفحص فقط الإجابات الثلاث الأولى التي في الدفتر.

## الفصل الأول: الهندسة التحليلية، المتجهات، حساب المثلثات في الفراغ، الأعداد المركبة

1. معطاة النقطتان  $A(-10, 6)$  و  $B(0, -4)$ .

أ. جدوا معادلة المحلّ الهندسيّ لمراكز الدوائر التي القطعة  $AB$  هي وتر لها.

الدائرة  $M$  هي إحدى الدوائر التي القطعة  $AB$  هي وتر لها.

نقطتا تقاطع الدائرة  $M$  مع المحور  $x$  هما بؤرتا قطع ناقص معادلته بسيطة (قانونية).

ب. جدوا إحداثيات مركز الدائرة  $M$  ونصف قطرها.

معطى أنّ طول المحور الرئيسيّ للقطع الناقص يساوي طول قطر الدائرة  $M$ .

ج. ما هي معادلة القطع الناقص؟

نرمز  $F$  إلى البؤرة اليمنى للقطع الناقص. هناك مستقيم يعامد المحور  $x$  ويمرّ في البؤرة اليسرى للقطع الناقص.

المستقيم يقطع القطع الناقص في النقطتين  $Q$  و  $T$ ، ويقطع الدائرة  $M$  في النقطتين  $K$  و  $L$ .

د. جدوا النسبة بين مساحة المثلث  $KLF$  وبين مساحة المثلث  $TQF$ .

2. معطى الهرم OABC الذي قاعدته المثلث ABC.

نرمز:  $\vec{OA} = \underline{u}$  ،  $\vec{OB} = \underline{v}$  ،  $\vec{OC} = \underline{w}$  .

معطى أن:  $|\underline{w}| = |\underline{v}| = |\underline{u}|$  ،  $\sphericalangle AOB = \sphericalangle BOC = \sphericalangle COA = 90^\circ$  .

النقطة H تحقق  $\vec{OH} = t\underline{u} + s\underline{v} + k\underline{w}$  . t و s و k هي پارامترات .

معطى أن  $\vec{OH}$  يعامد القاعدة ABC للهرم .

أ. برهنوا أن  $t = s = k$  .

النقطة M تقع في القاعدة ABC للهرم، وهي نقطة التقاء المستقيمات المتوسطة للقاعدة .

ب. برهنوا أن  $\vec{OM} = \frac{1}{3}\underline{u} + \frac{1}{3}\underline{v} + \frac{1}{3}\underline{w}$  ، وفسروا لماذا OM هو ارتفاع على القاعدة ABC للهرم .

النقطة P تقع على المستقيم  $\ell$  الموضوع عليه الارتفاع على القاعدة ABC .

ج. عبّروا بدلالة  $\underline{u}$  ،  $\underline{v}$  ،  $\underline{w}$  عن المتجه  $\vec{OP}$  الذي بالنسبة له حجم الهرم PABC هو ضعف حجم الهرم OABC (الإمكانيتين) .

يضعون الهرم OABC في هيئة محاور . النقطة O تقع في أصل المحاور، والنقطة A تقع على

الجزء الموجب للمحور x ، والنقطة B تقع على الجزء الموجب للمحور y ، والنقطة C تقع على

الجزء الموجب للمحور z .

معطى أن:  $|\underline{u}| = a$  .

د. جدوا التمثيل البارامتري للمستقيم  $\ell$  الذي تقع عليه القطعة OP .

هـ. عبّروا بدلالة a عن معادلة المستوى ABC .

و. معطى أن حجم الهرم OABC هو  $85\frac{1}{3}$  . احسبوا a .

3. العدد  $z = R(\cos \alpha + i \cdot \sin \alpha)$  يقع في مستوى جاوس في الربع الثالث .

معطى أن:  $\frac{z}{\bar{z}} = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$  .

أ. جدوا  $\alpha$  .

معطى أن:  $|2iz| + \left| \frac{\bar{z}}{i} \right| + \left| \frac{z}{\bar{z}} \right| = 10$  .

ب. جدوا  $R$  .

ج. معطاة المعادلة:  $w^9 = \frac{z^3}{27}$  ( $z$  هو العدد الذي وجدتموه) .

بينوا أن العدد  $\frac{z}{\bar{z}}$  هو أحد حلول المعادلة .

د. المثلث  $ABC$  هو مثلث متساوي الساقين. رأسا القاعدة  $B$  و  $C$  يلائمان العددين:  $\frac{z}{\bar{z}}$  و  $\frac{\bar{z}}{z}$  .

الرأس  $A$  يلائم العدد  $z + k$  ،  $k$  هو عدد وهمي (خيالي) نقبي .

(1) ما هي قيمة  $k$  ؟

(2) احسبوا مساحة الشكل الرباعي  $ABOC$  (النقطة  $O$  هي نقطة أصل المحاور) .

## الفصل الثاني: التزايد والتضائل، دوال القوى، الدوال الأسية واللوغريتمية

4. معطاة الدالة  $f(x) = x^2 e^{a-x^3}$  المعرفة لكل  $x$ ،  $a$  هو پارامتر.

أ. (1) جدوا المجال الذي تكون الدالة  $f(x)$  فيه موجبة.

(2) جدوا الإحداثيات  $x$  للنقاط القصوى للدالة  $f(x)$ ، وحددوا نوع هذه النقاط.

ب. معطى أن المساحة المحصورة بين الرسم البياني لدالة المشتقة  $f'(x)$  والمحور  $x$  هي  $\sqrt[3]{\frac{4e}{9}}$ .  
جدوا قيمة  $a$ .

عوضوا  $a = 1$ ، وأجيبوا عن البنود "ج-ه".

ج. ارسموا رسماً بيانياً تقريبياً للدالة  $f(x)$ .

د. الدالة  $f(x)$  هي مشتقة الدالة  $g(x)$  ( $g'(x) = f(x)$ ).

(1) ما هو مجال تصاعد الدالة  $g(x)$ ؟ عللوا.

(2) كم نقطة التواء توجد للدالة  $g(x)$ ؟ عللوا.

نرمز بـ  $B$  إلى نقطة الالتواء التي قيمة الدالة  $g(x)$  فيها هي الأعلى من بين جميع نقاط التواءها.

معطى أن الإحداثي  $y$  للنقطة  $B$  هو  $\frac{e - \sqrt[3]{e}}{3}$ .

هـ. جدوا الدالة  $g(x)$ .

5. معطاة الدالة  $f(x)$  التي تحقق الصفات التالية: الدالة معرفة لكل  $x$  ومتصلة (رציפה)، والدالة هي فردية، والمستقيم  $y = 0$  هو خط تقارب للدالة، وللدالة توجد نقطة نهاية صغرى وحيدة إحداثياتها هي  $(-1, -a)$ ،  $a$  هو پارامتر موجب.

أ. ارسموا رسماً بيانياً تقريبياً ممكناً للدالة  $f(x)$ .

معطاة الدالة  $h(x) = \ln(f(x))$ .

ب. (1) جدوا مجال تعريف الدالة  $h(x)$ .

(2) جدوا معادلات خطوط التقارب المعامدة للمحورين، للدالة  $h(x)$  (إذا وجدت مثل هذه الخطوط).

(3) جدوا مجال قيم  $a$  الذي بالنسبة له الرسم البياني للدالة  $h(x)$  يقطع المحور  $x$  في نقطتين.

(4) ارسموا رسماً بيانياً تقريبياً للدالة  $h(x)$ ، إذا علم أن رسمها البياني يقطع المحور  $x$  في نقطتين.

معطى أن:  $f(x) = \frac{8x}{1+x^2}$ .

$g(x)$  هي دالة تحقق:  $g'(x) = f(x)$  وكذلك:  $g(0) = 0$ .

ج. (1) جدوا الدالة  $g(x)$ .

(2) هل الدالة  $g(x)$  هي زوجية أم فردية أم ليست زوجية وليست فردية؟ عللوا.

أمامكم التكامل  $\int_{-5}^t g(x) dx$ ،  $t > -5$ .

د. ما هي قيمة  $t$  التي بالنسبة لها يتحقق  $\int_{-5}^t g(x) dx = 2 \cdot \int_{-5}^t g(x) dx$ ؟ عللوا.

**בהצלחה!**

**נשמתי לכם النجاح!**

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל.

אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך.

חقوق الطبع محفوظة לדولة إسرائيل.

النسخ أو النشر ممنوعان إلا بإذن من وزارة التربية والتعليم.