

دولة إسرائيل
وزارة التربية والتعليم

موعد ب
الموعد "ب"

מדינת ישראל
משרד החינוך

نوع الامتحان: بيروت
موعد الامتحان: صيف 2021، الموعد "ب"
رقم النموذج: 035581
ملحق: لوائح قوانين لـ 5 وحدات تعليمية
ترجمة إلى العربية (2)

סוג הבחינה: בגרות
מועד הבחינה: קיץ תשפ"א, מועד ב
מספר השאלה: 035581
מספר: דפי נוסחאות ל-5 יח"ל
תרגום לעברית (2)

انتبه: في هذا الامتحان توجد تعليمات خاصة.
يجب الإجابة عن الأسئلة حسب التعليمات.

الرياضيات

5 وحدات تعليمية - النموذج الأول

تعليمات للممتحن

- أ. مدة الامتحان: ثلاثة ساعات ونصف.
ب. بني النموذج وتوزيع الدرجات:
في هذا النموذج ثالثة فصول، فيها ثمانية أسئلة.
الفصل الأول: الجبر والاحتمال
الفصل الثاني: الهندسة وحساب المثلثات في المستوى
الفصل الثالث: حساب التفاضل والتكامل للبولينومات وللدوال الجذر وللدوال النسبية وللدوال المثلثية
عليك الإجابة عن أربعة أسئلة حسب اختيارك.
 $25 \times 4 = 100$ درجة

- ج. مواد مساعدة يُسمح استعمالها:
1. حاسبة غير بيانية. لا يُسمح استعمال إمكانيات البرمجة في الحاسبة التي يمكن برجمتها. استعمال الحاسبة البيانية أو إمكانيات البرمجة في الحاسبة قد يؤدي إلى إلغاء الامتحان.
2. لوائح قوانين (مرفقة).

- د. تعليمات خاصة:
1. لا تنسِّخ السؤال؛ اكتب رقمه فقط.
2. ابدأ كل سؤال في صفحة جديدة. اكتب في الدفتر مراحل الحل، حتى إذا أجريت حساباتك بواسطة حاسبة.
فسر كل خطواتك، بما في ذلك الحسابات، بالتفصيل وبوضوح وترتيب.
عدم التفصيل قد يؤدي إلى خصم درجات، أو إلى إلغاء الامتحان.

اكتب في دفتر الامتحان فقط. اكتب "مسؤلة" في بداية كل صفحة تستعملها مسؤولة.
كتابة أيه مسؤولة على أوراق خارج دفتر الامتحان قد تسبّب بإلغاء الامتحان.

التعليمات في هذا النموذج مكتوبة بصيغة المذكر ووجهة للممتحنات وللممتحنين على حد سواء.

ننتمي لك النجاح!

מתמטיקה

5 יחידות לימוד – שאלון ראשון

הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שלוש שעות וחצי.

- ב. מבנה השאלה ופתחה הערכה:

בשאלון זה שלושה פרקים, ובهم שמונה שאלות.

פרק ראשון: אלגברה והסתברות

פרק שני: גאומטריה וטראיגונומטריה

במישור

פרק שלישי: חישובו דיפרנציאלי ואנטוגרלי

של פולינומים, של פונקציות שורש, של

פונקציות רציניות ושל פונקציות טריגונומטריות

עליך לענות על ארבע שאלות לבחירותך –

$$25 \times 4 = 100 \text{ נק'}$$

- ג. חומר עזר מותר בשימוש:

1. מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.

2. דפי נוסחאות (מצורפים).

- ד. הוראות מיוחדות:

1. אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

2. התחיל כל שאלה בעמוד אחד. רשות

במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר

הчисלובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים,

בפירוט ובכורה ברורה ומסודרת.

חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכיון

או לפסילת הבחינה.

אكتب في

كتابه أيه مسؤولة على

أوراق خارج

دفتر الامتحان قد تسبّب بإلغاء الامتحان.

التعليمات في هذا النموذج مكتوبة بصيغة المذكر ووجهة للممتحنات وللممتحنين على حد سواء.

ב ה צ ל ח !

الأسئلة

انتبه ! فسر كل خطواتك ، بما في ذلك الحسابات ، بالتفصيل وبوضوح .
عدم التفصيل قد يؤدي إلى خصم درجات أو إلى إلغاء الامتحان .

أجب عن أربعة من الأسئلة 1-8 (لكل سؤال – 25 درجة) .

انتبه ! إذا أجبت عن أكثر من أربعة أسئلة ، تُفحص فقط الإجابات الأربع الأولى التي في دفترك .

الفصل الأول : الجبر والاحتمال

١. تتدرب نادية ورانيا على السير والركض في مسار AB طوله 40 كم .
في الساعة 08:00 خرجت نادية من النقطة A وسارت بسرعة 4 كم / الساعة باتجاه النقطة B .
في الساعة 09:36 خرجت رانيا من النقطة B وركضت باتجاه النقطة A .
بعد ساعتين من خروج نادية ، خرجت رانيا من النقطة B وركضت بسرعة 12 كم / الساعة باتجاه النقطة A .
التقت نادية ورانيا ، وبعد ذلك واصلتا طريقهما .
بعد ساعة و 36 دقيقة من لقاء نادية ورانيا ، وصلت دالية إلى النقطة A .
سرعة كل واحدة من المُتدربات هي ثابتة خلال التدريب كلّه .
- أ. في أيّة ساعة التقت نادية ورانيا ؟
ب. ما هي سرعة ركض دالية ؟ علل إجابتكم .
ج. هل التقت المُتدربات الثلاث في نقطة واحدة على طول المسار ؟ علل إجابتكم .
كل مُتدربة تصل إلى طرف المسار ، تستدير فوراً وتعود إلى النقطة التي خرجت منها .
د. في أيّي بعد عن النقطة B التقت نادية ورانيا في المرة الثانية ؟ علل إجابتكم .

2. معطاة متولية هندسية لانهائية a_n ، حدودها ... ، a_1 ، a_2 ، a_3 ، وأساسها q .

أ. عبر بدلالة a_1 و q عن قيمتي المجموعتين اللذين أمامك.

$$A = a_2 + a_4 + \dots + a_{40} \quad (1)$$

$$B = a_4 + a_8 + a_{12} + \dots + a_{40} \quad (2)$$

معطى أن a_n هي متولية تصاعدية، وأن $\frac{A}{B} = \frac{10}{9}$

ب. جد قيمة q .

يَبنون من المتولية a_n المعطاة متولية هندسية لانهائية b_n تحقق لكل n طبيعي:

ج. جد أساس المتولية b_n .

يَبنون متولية هندسية لانهائية جديدة: ... ، $\frac{1}{b_1}$ ، $\frac{1}{b_2}$ ، $\frac{1}{b_3}$ ، $\frac{1}{b_4}$.

د. عبر عن مجموع كل حدود المتولية الجديدة بدلالة a_1 .

معطاة المتولية: b_1 ، a_1 ، $\frac{1}{a_1}$.

هـ. (1) هل يمكن أن تكون هذه المتولية حسابية؟ علل إجابتك.

(2) هل يمكن أن تكون هذه المتولية هندسية؟ علل إجابتك.

3. في مسابقة رياضية تُجرى في مدرسة معينة، يشتراك عدد كبير من الطلاب. يجب على كل مُشترك أن ينجح في اجتياز 3 عائق واحد تلو الآخر حسب الترتيب. المُشترك الذي لا ينجح في اجتياز عائق يُخرج فوراً من المسابقة. احتمال النجاح في اجتياز عائق مختلف من عائق إلى آخر، لكن هذا الاحتمال متساوٍ لجميع المشتركين. المُشترك الذي ينجح في اجتياز جميع العوائق الثلاثة يرتفع إلى مرحلة نصف النهائي.

28% من المشتركين في المسابقة نجحوا في اجتياز العائقين الأوّلين. الاحتمال بأن يُخرج من المسابقة مُشترك

نجاح في اجتياز العائقين الأوّلين هو 3 أضعاف احتمال ارتفاعه إلى مرحلة نصف النهائي.

أ. احسب الاحتمال أن يرتفع مُشترك في المسابقة إلى مرحلة نصف النهائي.

الاحتمال بأن ينجح مُشترك في اجتياز العائق الأول ولا يتجاوز العائق الثاني هو 0.42 .

ب. احسب الاحتمال بأن لا ينجح مُشترك في المسابقة في اجتياز العائق الأول.

ج. اختاروا بشكل عشوائي ثلاثة مُشتركين: عمر وجميل ولبيب. معلوم أن ثلاثة منهم نجحوا في اجتياز العائق الأول.

(1) احسب الاحتمال بأن يرتفع بالضبط اثنان منهم إلى مرحلة نصف النهائي.

(2) احسب الاحتمال بأن يرتفع من بين الثلاثة، عمر وجميل فقط، إلى مرحلة نصف النهائي.

الفصل الثاني: الهندسة وحساب المثلثات في المستوى

4. دائرتان تمسّان إحداهما الأخرى من الداخل في النقطة P (انظر الرسم).

مركزان الدائريتين هما النقطتان M و N

ونصف قطريهما هما R_1 و R_2 بالتألُّم، $R_2 < R_1$.

يممرون مماساً مشتركاً للدائرةتين عبر النقطة P.

يخرج من النقطة M مستقيمان يمسسان الدائرة التي مركزها N في النقطتين A و B.

هذان المستقيمان يقطعان المماس المشترك للدائرةتين

في النقطتين C و D، كما هو موصوف في الرسم.

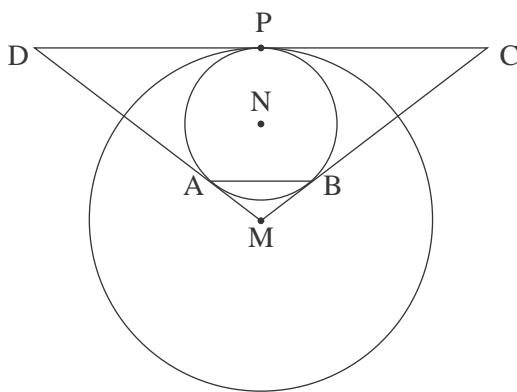
أ. برهن أن $AB \perp MN$.

ب. برهن أن $AB \parallel DC$.

ج. برهن أن $NB \cdot MC = MN \cdot \frac{DC}{2}$

معطى أن: $MN = 8$ ، $\frac{R_1}{R_2} = \frac{7}{3}$

د. (1) جد R_1 و (2) جد DC .



5. الشكل الرباعي ABCD هو مستطيل، اثنان من أضلاعه، AD و AB ،

يمسان دائرة نصف قطرها R في النقطتين E و K بالتألُّم

(انظر الرسم).

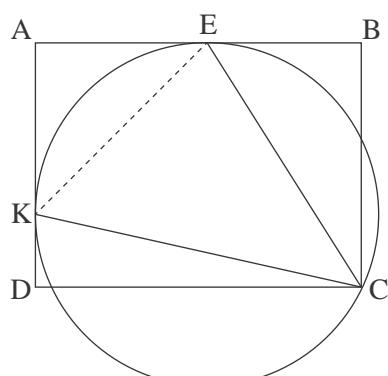
النقطة C تقع على محيط الدائرة.

أ. برهن أن: $\angle KCE = 45^\circ$.

معطى أن: $0^\circ < \alpha < 45^\circ$ ، $\angle KCD = \alpha$ ،

ب. (1) عبر بدلالة α عن زوايا المثلث KCE.

(2) عبر بدلالة R و α عن أطوال أضلاع المثلث KCE.



ج. عبر بدلالة α عن النسبة $\frac{EB}{AE}$.

معطى أن: $\frac{EB}{AE} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

د. احسب α .

الفصل الثالث : حساب التفاضل والتكامل للبولينومات ولدوال الجذر وللدوال النسبية وللدوال المثلثية

6. معطاة الدالة $f(x) = \frac{x^2}{\sqrt{x^2 - a^2}}$ ، $a > 0$ هو بارامتر.

عبر عن إجاباتك بدالة a ، إذا دعت الحاجة.

أ. جد مجال تعريف الدالة $f(x)$.

ب. برهن أن الدالة $f(x)$ هي زوجية.

ج. (1) جد إحداثيات نقاط تقاطع الرسم البياني للدالة $f(x)$ مع المحورين (إذا وُجدت مثل هذه النقاط).

(2) جد معادلات خطوط التقارب العمودية للمحورين، للدالة $f(x)$ (إذا وُجدت مثل هذه الخطوط).

(3) جد إحداثيات النقاط القصوى للدالة $f(x)$ ، وحدد نوع هذه النقاط.

(4) ارسم رسمًا بيانيًّا تقربيًّا للدالة $f(x)$.

معطاة الدالة $f(x)^2$ التي مجال تعريفها مطابق لمجال تعريف الدالة $f(x)$.

د. جد إحداثيات النقاط القصوى للدالة $f(x)^2$ ، وحدد نوع هذه النقاط.

معطاة الدالة $g(x) = \frac{1}{(f(x))^2}$. مجال تعريف الدالة $g(x)$ مطابق لمجال تعريف الدالة $f(x)$.

هـ. اعتمد على البنود السابقة، وارسم رسمًا بيانيًّا تقربيًّا للدالة $g(x)$.

عُرض: $a = 2$

و. احسب المساحة الممحصورة بين الرسم البياني للدالة $g(x)$ والمحور x والمستقيمين $x = 3$ و $x = 4$.

$$\text{معطاة الدالة } 3 \quad f(x) = \frac{\cos^2(x)}{\sin(x)} + 3 \quad . \quad 7$$

أجب عن البنود التي أمامك في المجال $0 \leq x \leq 2\pi$.

أ. (1) جد مجال تعريف الدالة $f(x)$.

(2) جد مجالات خطوط التقارب المعامدة للمحورين، للدالة $f(x)$.

(3) جد مجالات تصاعد وتنازل الدالة $f(x)$.

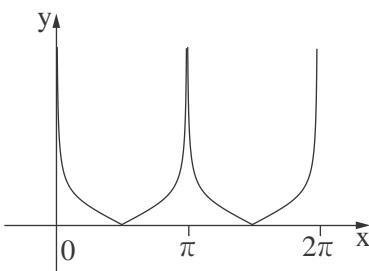
(4) جد إحداثيات النقاط القصوى للدالة $f(x)$ ، وحدد نوع هذه النقاط.

ب. ارسم رسمًا بيانيًّا تقريريًّا للدالة $f(x)$.

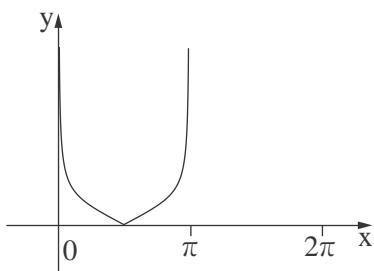
$$\text{معطاة الدالتان: } g(x) = \sqrt{f(x) - 3} \quad , \quad k(x) = f(x) - 3$$

ج. أحد الرسوم البيانية "أ - د" التي أمامك يصف الدالة $k(x)$ ، وأحد الرسوم البيانية يصف الدالة $g(x)$.

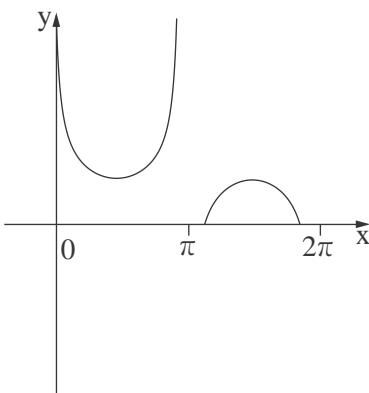
حدد أي رسم بياني من الرسوم البيانية يصف كل واحدة من الدالتين، وعلل تحديديك.



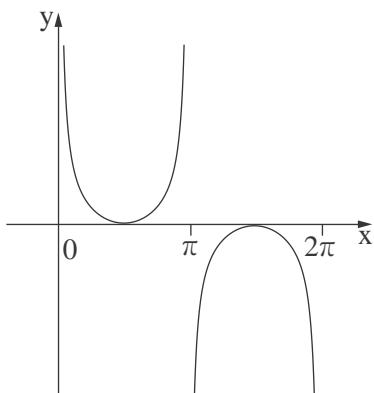
الرسم البياني "ب"



الرسم البياني "أ"

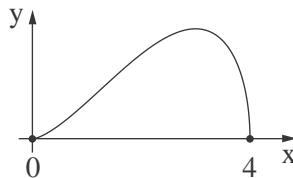


الرسم البياني "د"



الرسم البياني "ج"

.8 الرسم الذي أمامك يعرض الدالة $f(x) = \sqrt{a \cdot x^4 + b \cdot x^3}$. معطى أنّ مجال تعريف الدالة $f(x)$ هو $0 \leq x \leq 4$.



أ. برهن أنّ $b = -4 \cdot a$.

(2) أمامك أدلةان I-II. أحدهما فقط صحيح. حدد ما هو الادعاء الصحيح، وعلل تحديده.

. $a > 0, b < 0$. I

. $a < 0, b > 0$. II

النقطة P تقع على الرسم البياني للدالة $f(x)^2$ المعروفة هي أيضاً في المجال $0 \leq x \leq 4$. يمررون من النقطة P

مستقيماً يعمد المحور x . M هي نقطة تقاطع العمود مع المحور x ، و O هي نقطة أصل المحاور.

ب. ما هو الإحداثي x للنقطة P الذي بالنسبة له مساحة المثلث PMO هي أكبر ما يمكن؟ علل إجابتك.

ج. بالنسبة للإحداثي x الذي وجدته في البند "ب" ، عبر بدلالة a عن أكبر مساحة ممكنة للمثلث PMO .

د. إذا علم أن الإحداثي x للنقطة P موجود في المجال الذي فيه الدالة $f(x)^2$ ليست تناظرية ،

ما هو الإحداثي x للنقطة P الذي بالنسبة له مساحة المثلث PMO هي أكبر ما يمكن؟ علل إجابتك.

בְּהַצֵּלָה!

نتمنى لك التجا

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל.

אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך.

حقوق الطبع محفوظة לدولة إسرائيل.

النسخ أو النشر ممنوعان إلا بإذن من وزارة التربية والتعليم.